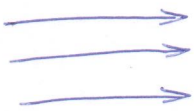
lecture

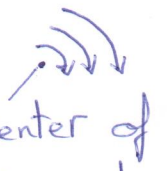
Kinematics of a rigid body

3 types of motion

1- Translation



2- rotation



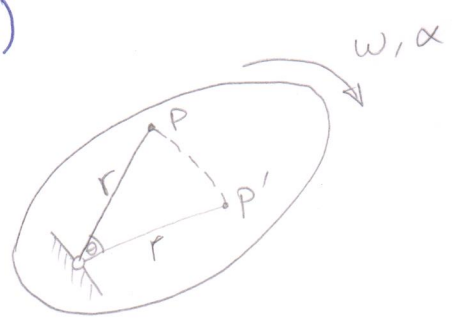
center of rotation

(Concentric circles)

دوائر متحدة المركز

3- General plane motion (GPM)

L translation + rotation



* Basic definitions

① Rotation الدوران حول نقطة ثابتة

* position θ (radians) يتم تحديد المكان بالزاوية

لتحويل الزوايا من الدرجات الى الـ radians يتم ضربها * $\frac{\pi}{180}$

* angular velocity $\omega = \frac{d\theta}{dt}$ (rad/sec)

* angular acceleration $\alpha = \frac{d\omega}{dt}$ (rad/sec^2)

relations $(\theta - t)$ $(\omega - t)$ $(\alpha - t)$ $(\omega - \theta)$ $(\alpha - \theta)$ $(\alpha - \omega)$

if α = Const. the 3 priveous relations replacing $a \to \alpha$, $V \to \omega$, $s \to \theta$

إذا كانت وحدة تزيد غير الثلاث وحدات المعرفة سابقاً يتم تحويلها

$(\theta - t)$ $\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2}\alpha t^2$

$(\omega - t)$ $\omega = \omega_0 + \alpha t$

$(\omega - \theta)$ $\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha\theta$

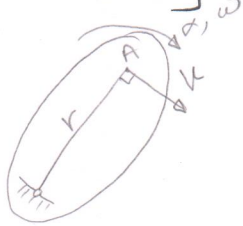
revolution * 2π ⟶ radians

rpm (rev. per minute) * $\frac{2\pi}{60}$ ⟶ rad/sec

* Instantaneous velocity and acceleration of a point lying on a rotating body

Given ω, α at certain instant for the whole body

required V, a for a certain point.



① يتم حساب المسافة r وهي المسافة بين النقطة ومركز الدوران

② اتجاه السرعة V عمودي على r وفي اتجاه الدوران

(يكون مماس للدائرة التي تتحرك النقطة خلال دورانها)

وحدتها m/sec

It's gnitude $V_A = \omega r$

$V_A \perp r$ following the direction of rotation